



MÔN: TOÁN, LỚP 8

Thời gian: 120 phút (không kể thời gian giao đề)

**Câu 1: (3,0 điểm)**

Cho biểu thức:  $P = \frac{2}{2x+3} + \frac{3}{2x-3} - \frac{6x+9}{(2x+3)(2x-3)}$  với  $x \neq \pm \frac{3}{2}$

1. Rút gọn biểu thức P

2. Tìm giá trị của x để  $P = -\frac{1}{2}$

3. Tìm các giá trị nguyên của x để P nhận giá trị nguyên.

**Câu 2: (4,0 điểm)**

1. Tìm x, y biết:

a)  $x^2 - 2x = 0$ .

b)  $x^2 - y^2 + 2x - 4y - 10 = 0$  với x, y nguyên dương

2. Tìm giá trị nhỏ nhất của biểu thức  $C = 9x^2 + y^2 + 2z^2 - 18x + 4z - 6y + 2045$

**Câu 3: (6,0 điểm)**

1. Chứng minh rằng nếu tổng của hai số nguyên chia hết cho 3 thì tổng các lập phương của chúng chia hết cho 3.

2. Với mọi  $x \in \mathbb{N}$  chứng minh rằng  $A = (x+2)(x+4)(x+6)(x+8)+16$  là một số chính phương.

3. Tìm a, b để đa thức  $f(x) = ax^3 + bx^2 + 5x - 50$  chia hết cho đa thức  $g(x) = x^2 + 3x - 10$ .

**Câu 4: (5,5 điểm)**

Cho  $\Delta ABC$  và AM; BN; CP là các trung tuyến cắt nhau tại G. Gọi E; F lần lượt là trung điểm của BG, CG.

1. Chứng minh  $\Delta APN$  đồng dạng  $\Delta ABC$

2. Chứng minh EFNP là hình bình hành.

3. Kéo dài PE cắt BC, AC lần lượt tại Q và S. So sánh QP + QS và 2AM.

4. Qua A kẻ AK // BC. Chứng minh K là trung điểm của PS.

**Câu 5: (1,5 điểm)**

Cho a, b > 0 và a + b = 1.

Chứng minh rằng:  $\left(a + \frac{1}{a}\right)^2 + \left(b + \frac{1}{b}\right)^2 \geq \frac{25}{2}$